

2.a La courbe qui représente T^2 en fonction de R^3 est une droite qui passe par l'origine. On en déduit la proportionnalité entre T^2 et R^3 . Cela confirme le résultat théorique.

$$R^3 \times \frac{T^2}{R^3} = \frac{4\pi^2}{Gm_T} \times R^3$$

$$T^2 = \frac{4\pi^2}{Gm_T} \times R^3$$

k (coefficient directeur de la droite obtenue).

2.b Voir réponse précédente.

2.c Cette loi s'appelle la 3^{ème} loi de Kepler.

Exercice 3.

$$1.1 \quad T_S = \frac{2\pi(R_T + h_S)}{v_S}$$

$$v_S = \frac{2\pi(R_T + h_S) \times 10^3}{T_S}$$

$$v_S = \frac{2\pi(6380 + 220) \times 10^3}{88,6 \times 60} \\ = 7,80 \times 10^3 \text{ m.s}^{-1}$$

D'après la 3^{ème} loi de Kepler :

$$\frac{T^2}{a^3} = k$$

On en déduit que quelque soit le satellite en orbite autour de la Terre, on a :

$$\frac{T_S^2}{(R_T + h_S)^3} = \frac{T_{ISS}^2}{(R_T + h_{ISS})^3}$$

2.1)

2^{ème} loi de Kepler :

Le segment terre-satellite balaise des arcs égaux pendant des durées égales.

$$1.3- \quad v_{ISS} = \frac{2\pi(R_T + h_{ISS})}{T_{ISS}}$$

$$\text{Or} \quad \frac{T_S^2}{(R_T + h_S)^3} = \frac{T_{ISS}^2}{(R_T + h_{ISS})^3}$$

$$T_{ISS}^2 = \frac{T_S^2 \times (R_T + h_{ISS})^3}{(R_T + h_S)^3}$$

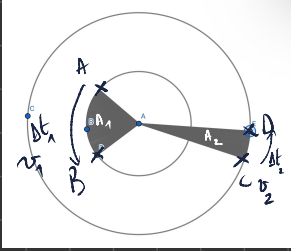
$$v_{ISS} = \frac{2\pi(R_T + h_{ISS})}{T_{ISS}}$$

$$= \frac{\sqrt{T_S^2 \times (R_T + h_{ISS})^3}}{(R_T + h_S)^3}$$

$$= \frac{2\pi(6380 + 4100) \times 10^3}{\sqrt{(88,66 \times 60)^2 \times (6380 + 4100)^3 \times 10^3}} \\ = \frac{2\pi(6380 + 220) \times 10^3}{(88,6 \times 60)}$$

$$= 7,69 \times 10^3 \text{ m/s}$$

2.1



D'après la 2^{ème} loi de Kepler,
 $dt_1 = dt_2 \Rightarrow A_1 = A_2$
 $\Rightarrow \widehat{AB} > \widehat{CD}$
 $\Rightarrow \frac{\widehat{AB}}{dt} > \frac{\widehat{CD}}{dt}$
 $v_1 > v_2$

2.2

$$h_B > h_A$$

$$R_T + h_B > R_T + h_A$$

$$\frac{1}{R_T + h_B} < \frac{1}{R_T + h_A}$$

$$-\frac{GmM_T}{R_T + h_B} > -\frac{GmM_T}{R_T + h_A}$$

$$E_p(B) > E_p(A)$$

2.3. Entre A et B, le module ne subit aucune force non conservative.

$$\Delta E_m = \sum_{AB} \vec{W}_{AB}(\vec{F}_{nc})$$

$$\Delta E_m = 0 \text{ J}$$

2.4. On sait que $E_m = E_c + E_p$

$$E_m(A) = E_m(B)$$

$$E_c(A) + E_p(A) = E_c(B) + E_p(B)$$

$$E_c(A) - E_c(B) = E_p(B) - E_p(A) > 0$$

$$\text{Donc } E_c(B) - E_c(A) < 0$$

Le résultat montre que la vitesse diminue entre A et B car l'énergie cinétique diminue. Ce qui est cohérent avec le résultat de la question 2.1.

2.5. $E_m(A) = E_c(A) + E_p(A)$

$$= \frac{1}{2} m v_1^2 - \frac{GmM_T}{R_T + h_S}$$

2.6. $E_m(A) = E_m(B)$

$$\frac{1}{2} m v_2^2 - \frac{GmM_T}{R_T + h_{ISS}} = \frac{1}{2} m v_1^2 - \frac{GmM_T}{R_T + h_S}$$

$$v_2^2 = 2 \left(\frac{GmM_T}{R_T + h_{ISS}} - \frac{GmM_T}{R_T + h_S} + \frac{1}{2} v_1^2 \right)$$

$$v_2 = \sqrt{2GmM_T \left(\frac{1}{R_T + h_{ISS}} - \frac{1}{R_T + h_S} \right) + v_1^2}$$

$$v_2 = \sqrt{2GmM_T \left(\frac{1}{R_T + h_{ISS}} - \frac{1}{R_T + h_S} \right) + v_1^2}$$

$$v_2 = \sqrt{2 \times 6,67 \times 10^{-11} \times 5,98 \times 10^{24} \left(\frac{1}{(6380 + 400) \times 10^3} - \frac{1}{(6380 + 220) \times 10^3} \right) + (7,80 \times 10^3)^2}$$

$$v_2 = 7,59 \times 10^3 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$