

# EXO2

2.1.  $P_A - P_B = \rho \times g \times h$

$P_A = \rho \times g \times h + P_B$

$P_A = 13600 \times 10 \times 5 \times 10^{-2} + 1,0 \times 10^5$

$P_A = 1,1 \times 10^5 \text{ Pa}$

2.2. Le point M' est situé à la même profondeur que le point M dans le liquide. On en déduit que la pression y est identique.

2.3.  $z_p > z_H = z_{H'}$  d'après le schéma

Donc  $P_H = P_{H'} > P_p$ . D'après le principe fondamental de la statique des fluides

# EXO3

1



Les  $\vec{F}_1$  et  $\vec{P}$  sont de même norme car le "boule" est au repos.

2. Système : sous-marin de masse  $m_f$

Referentiel : terrestre supposé galiléen.

Bil.  $\vec{F}_1$  : poussée d'Archimède.

$\vec{P}$  : poids.

1<sup>ère</sup> Loi de Newton : (principe d'inertie)

$\sum \vec{F}_{ext} = \vec{0} \iff \Delta \vec{v} = \vec{0}$

3)  $\Pi = P$

$\rho \times V_{S-n} \times g = m_{tot} \times g$

$\rho \times V_{S-n} \times g = (m_{eau} + m_{S-n}) \times g$

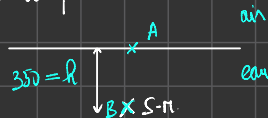
$\rho \times V_{S-n} = m_{eau} + m_{S-n}$

$m_{eau} = \rho \times V_{S-n} - m_{S-n}$

$m_{eau} = 10359 \times 143 \times 10^4 \times 10^3 - 12640 \times 10^3$

$m_{eau} = 2\ 173\ 370 \text{ kg}$

B.1. D'après le PFS :



$P_B - P_A = \rho \times g \times (z_A - z_B)$

$P_B = \rho \times g \times (z_A - z_B) + P_A$

$P_B = 10359 \times 9,81 \times 350 \times 10^3 + 1,03 \times 10^5$

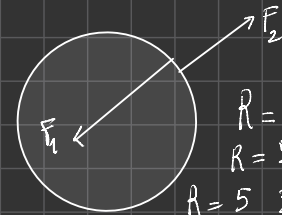
$P_B = 3,66 \times 10^6 \text{ Pa}$

2)  $F_1 = P \times S = 3,66 \times 10^6 \times 1,5 = 5,49 \times 10^6 \text{ N}$

3)  $F_2 = P_0 \times S = 1,013 \times 10^5 \times 1,5 = 1,51 \times 10^5 \text{ N}$

5)

4)



$R = F_1 - F_2$

$R = 5,49 \times 10^6 - 1,51 \times 10^5$

$R = 5\ 339\ 000 \text{ N}$

6) Nous savons que la force R s'exerce sur une surface de  $1,5 \text{ m}^2$ .

Surface en $\text{m}^2$	1,5	$10^{-6}$
Force en N	$5,34 \times 10^6$	3,56

La résultante exerce sur l'eau une force pressante de  $3,56 \text{ N/mm}^2 < 1\ 000 \text{ N/mm}^2$ .

# Description d'un fluide au repos – Fiche de cours

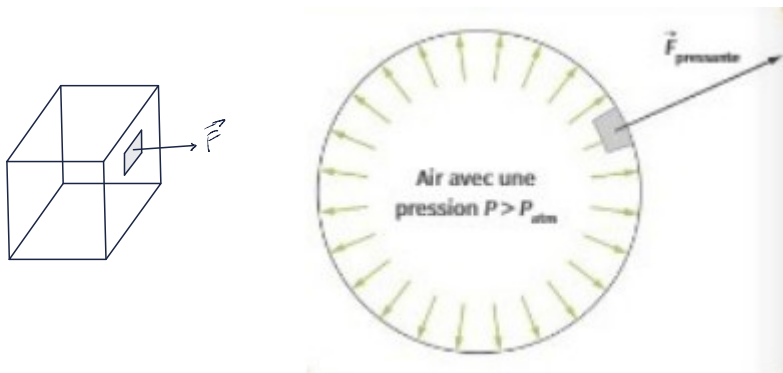
## 1. Les fluides

Un fluide désigne une substance en corps pur ou mélange qui se trouve dans l'état **liquide** ou **gazeux**.

## 2. Force pressante et pression

### a. Force pressante

Les fluides exercent une action sur les parois / surfaces sur lesquelles ils sont en contact. La force pressante est perpendiculaire à la paroi et dans le sens du fluide vers la paroi / surface



### b. Pression

Un fluide exerçant une force pressante  $F$  sur une surface  $S$  est lié à une pression :  $P = \frac{F}{S}$  unités :  $F$  en (N)  $S$  en ( $m^2$ )  $P$  en (Pa)

### c. Loi de Boyle-Mariotte

Cette relation s'applique au cas des gaz uniquement ; à température constante :  $PV = \text{constante}$

## 3. Modèle microscopique des fluides

### a. Echelle microscopique

- pour un liquide les molécules sont au contact les unes des autres
- pour un gaz les molécules sont très espacées et séparées par du vide

### b. Pression

La pression est une grandeur macroscopique car mesurable avec un manomètre  
La pression s'explique microscopiquement par les chocs aléatoires sur les parois à l'origine de la force pressante

### c. Température

La température est une grandeur macroscopique car mesurable avec un thermomètre  
La température s'explique microscopiquement par la vitesse d'agitation thermique des molécules  
L'unité du système international de la température est le Kelvin (K)  
 $T = \theta + 273,15$  unité :  $T$  en K  $\theta$  en  $^{\circ}\text{C}$

### d. Masse volumique

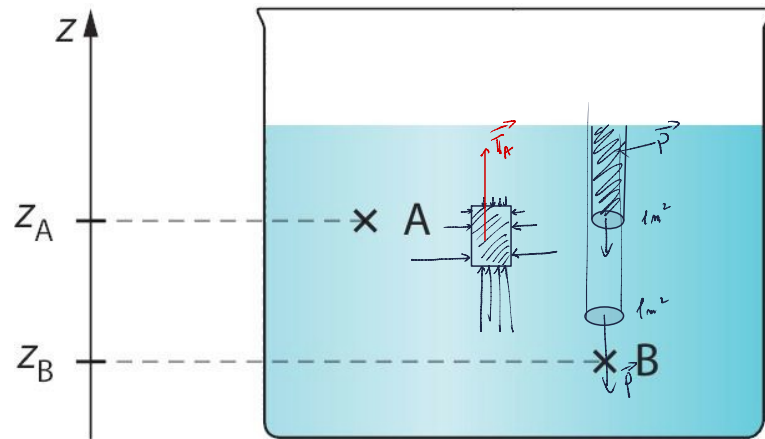
- les liquides sont incompressibles leur masse volumique est constante
- les gaz sont compressibles et leur masse volumique varie

$$\rho_{(A)} = \frac{m(A)}{V(A)}$$



#### 4. Loi fondamentale de la statique des fluides

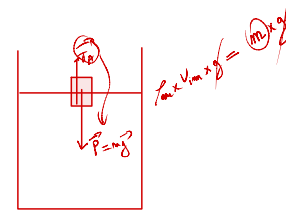
Pour un fluide incompressible de masse volumique  $\rho$  dans un champ de pesanteur uniforme  $g$ , pour 2 points A et B d'altitudes respectives  $z_A$  et  $z_B$  :



$$P_B - P_A = \rho \cdot g \cdot (z_A - z_B)$$

$$\vec{T}_A = -\rho \times V_{im} \times \vec{g}$$

fluide



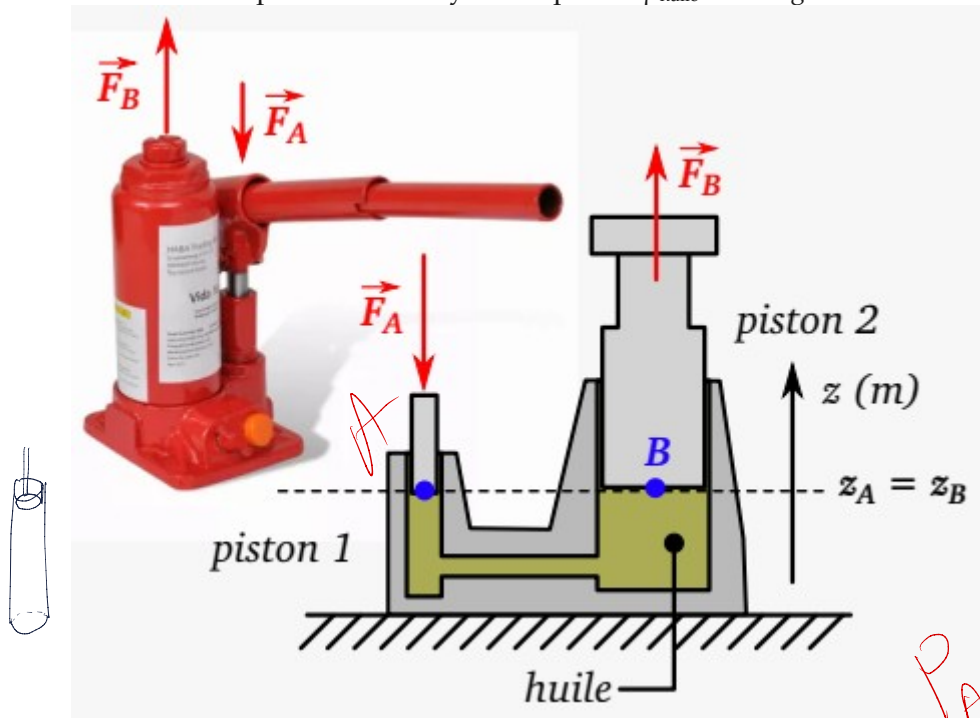
# Description d'un fluide au repos – Exercices – Devoirs

## Exercice 1 corrigé disponible

Un cric hydraulique est un dispositif qui permet de soulever une charge lourde (piston 2) en actionnant une pompe à main.

Une force de norme  $F_A = 100 \text{ N}$  est exercée sur le piston 1 dont le diamètre est de  $8,00 \text{ mm}$ . Le piston 2 a un diamètre de  $120 \text{ mm}$ .

La masse volumique de l'huile hydraulique est  $\rho_{\text{huile}} = 800 \text{ kg.m}^{-3}$ .



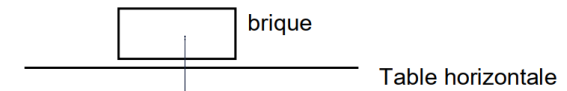
- Déterminer la pression de l'huile au point A.
- Déterminer la pression de l'huile au point B, et justifier votre réponse.
- En déduire la norme de la force  $F_B$  et expliquer l'intérêt du dispositif.

## Exercice 2 corrigé disponible

Données :  $g = 10 \text{ N/kg}$  ;  $\rho_{\text{eau}} = 1000 \text{ kg/m}^3$  ;  $p_{\text{atm}} = 1 \times 10^5 \text{ Pa}$ .

1. Une brique parallélépipédique de poids  $P = 10 \text{ N}$  et de centre de gravité G est posée sur une table horizontale. La surface de la brique en contact avec la table est  $S = 75 \text{ cm}^2$  ( $1 \text{ cm}^2 = 1 \times 10^{-4} \text{ m}^2$ ).

1.1. Sur le schéma, représenter le poids  $\vec{P}$  de la brique en utilisant l'échelle :  $1 \text{ cm} = 5 \text{ N}$



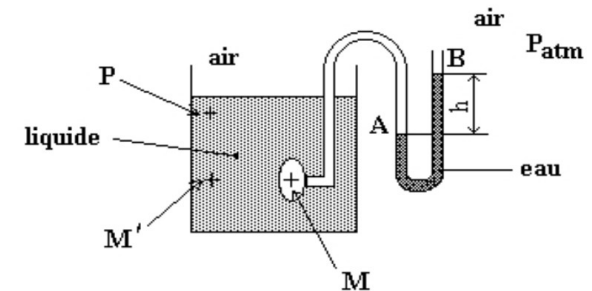
1.2. Donner l'expression de la pression  $p$  exercée par une force de valeur  $F$  s'exerçant perpendiculairement sur une surface d'aire  $S$ . Indiquer les unités de chacun des termes employés.

$$P_a \rightarrow p = \frac{F}{S} \left\{ \begin{array}{l} \leftarrow \text{N} \\ \leftarrow \text{m}^2 \end{array} \right.$$

$$p = \frac{P}{S} = \frac{10}{75 \times 10^{-4}} = 1,3 \times 10^3 \text{ Pa}$$

1.3. En déduire la pression  $p$  exercée par la brique sur la table.

2. Une capsule manométrique reliée à un tube en U contenant de l'eau est plongée dans un récipient contenant un liquide :



On suppose que le fluide placé dans le tube en U est du mercure liquide de masse volumique  $\rho = 13600 \text{ kg/m}^3$

- 2.1. La dénivellation dans le tube en U représenté sur le schéma ci-dessus vaut  $h = 5 \text{ cm}$ . Calculer la pression  $p_A$  au point A sachant que  $p_B = p_{atm} = 10^5 \text{ Pa}$ . Cette pression est celle qui règne également au point M.
- 2.2. On déplace la capsule manométrique au point M' situé dans le même plan horizontal que le point M. Comparer les pressions aux points M et M'. Justifier.
- 2.3. On déplace la capsule manométrique au point P. Comparer les pressions aux points M et P. Justifier.

### Exercice 3 corrigé disponible

#### La descente du Terrible

##### DOCUMENT 1 - LE TERRIBLE, UN SOUS-MARIN FRANÇAIS

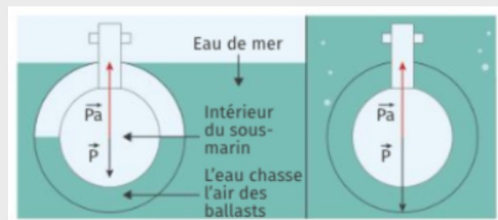
La France possède actuellement 10 sous-marins dont le Terrible, le dernier à avoir été mis en service le 20 septembre 2010. Celui-ci peut descendre à une profondeur de 400 m en emportant à son bord 111 hommes. Il fait 138 m de longueur et a une masse de 12 640 tonnes lorsqu'il est en surface. Il déplace  $1,43 \cdot 10^4 \text{ m}^3$  d'eau lorsqu'il est totalement immergé. Sa coque est fabriquée dans un acier pouvant supporter 1 000 N par  $\text{m}^2$ .

##### DOCUMENT 2 - LA POUSSÉE D'ARCHIMÈDE

Un sous-marin au repos est soumis à deux forces verticales : son poids et la poussée d'Archimède. La poussée d'Archimède est une force orientée vers le haut, engendrée par la différence de pression de l'eau entre le bas et le haut du sous-marin. Son intensité  $\Pi$  est égale au produit de la masse d'eau déplacée par l'intensité de la pesanteur  $g$  :  $\Pi = m_{\text{eau déplacée}} \cdot g$

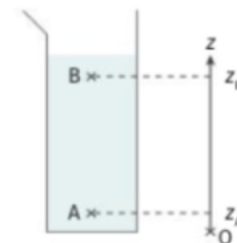
Un sous-marin peut modifier sa masse en introduisant de l'eau dans ses ballasts. Lorsque le sous-marin est immergé, il remplit ses ballasts pour que la poussée d'Archimède soit de même intensité que son poids, afin de ne pas couler directement au fond de l'eau. On dit qu'il flotte entre deux eaux.

Pour remonter, le sous-marin introduit de l'air dans les ballasts afin de chasser une partie de son eau. Sa masse diminue alors.



##### DOCUMENT 3 - LOI FONDAMENTALE DE LA STATIQUE DES FLUIDES

Dans un champ de pesanteur  $g$  uniforme, la différence de pression  $p$  entre deux points A et B vaut  $p_A - p_B = \rho \cdot g \cdot (z_B - z_A)$  où la pression  $p$  est en pascal (Pa), la masse volumique du fluide  $\rho$  en  $\text{kg} \cdot \text{m}^{-3}$  et  $z$  en mètre m.



##### DONNÉES :

Pression atmosphérique :  $p_{atm} = 1,000 \text{ atm} = 1013 \text{ hPa} = 1,00 \text{ bar}$

$\rho(\text{CO}_2) = 1,87 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$

$\rho(\text{eau de mer}) = 1,0359 \text{ kg} \cdot \text{L}^{-1}$

$g = 9,81 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$

#### A. Le Terrible au repos en profondeur

1. Représenter sur un schéma le poids du Terrible ainsi que la poussée d'Archimède qu'il subit lorsque ces deux forces se compensent.
2. Que peut-on dire du vecteur variation vitesse ?
3. Déterminer la masse d'eau de mer que le Terrible doit introduire dans ses ballasts pour que son poids soit de même intensité que la poussée d'Archimède qu'il subit.

#### B. Une terrible pression ?

1. A l'aide de la loi fondamentale de la statique des fluides, calculer la pression de l'eau entourant le sous-marin lorsque celui-ci est immergé à une profondeur de 350m
2. Calculer l'intensité de la force de pression de l'eau agissant sur  $1,5 \text{ m}^2$  de la coque du sous-marin
3. Sachant que l'intérieur d'un sous-marin est laissé à la pression  $P_0$ , calculer l'intensité de la force de pression de l'air sur  $1,5 \text{ m}^2$  de sa coque
4. Représenter ces deux forces sur un schéma à l'échelle :  $1 \text{ cm} \leftrightarrow 10^6 \text{ N}$
5. Calculer la résultante de ces forces
6. La coque supportera-t-elle cette force pressante ? Décrire le raisonnement.

## Exercice 4 corrigé disponible

On effectue des mesures de la pression et du volume d'un échantillon de gaz maintenu à température constante.

Pression P (hPa)	1200	800
Volume V (L)	2,0	3,0

1. Avec quel appareil mesure-t-on la pression d'un gaz ?

2. Montrer que ce gaz suit la loi de Boyle-Mariotte.

3. Quel volume occuperait cette même quantité de gaz sous la pression de 600 hPa ?

4. Quel serait la pression si le volume était de 1,0 L ? Ne pas oublier de justifier.

## Exercice 5 corrigé disponible

Pour finaliser sa formation de niveau 1, un plongeur descend progressivement au fond de la fosse de plongée située à La Teste-De-Buch. La profondeur est le principal critère qui distingue une fosse de plongée d'une simple piscine. Cette fosse est composée d'une colonne d'eau de 20 mètres hors-sol et de 6 m de diamètre. Cette fosse permet aux plongeurs de s'entraîner dans une eau à 28 °C tout au long de l'année, et ce quelle que soit la météo.



<http://lepyla.com>

### La plongée sous-marine

[...] Toute personne qui a déjà plongé le sait : la pression ambiante augmente à mesure que l'on s'enfonce sous l'eau [...]. À 20 mètres de profondeur, elle est ainsi le triple de la pression atmosphérique (c'est-à-dire la pression qui règne à la surface de l'eau plus la pression due à la couche d'eau). Les tissus mous de notre organisme sont peu compressibles et ne changent quasiment pas de volume au cours d'une plongée.

En revanche, le comportement de l'air contenu dans le système respiratoire est tout autre. Les gaz sont beaucoup plus compressibles que les liquides. Dès le milieu du XVII<sup>e</sup> siècle, l'Irlandais R. Boyle et le Français E. Mariotte énoncèrent une loi pour décrire leur compressibilité [...]

Roland Lehoucq et Jean-Michel Courty 01 septembre 2001 [POUR LA SCIENCE N° 287](#)

### Données :

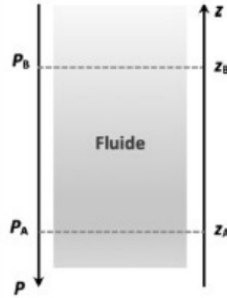
- pression atmosphérique : 1,013 bar ; 1,0 bar =  $1,0 \times 10^5$  Pa ;
- masse volumique de l'eau :  $\rho = 1,0 \times 10^3$  kg.m<sup>-3</sup> ;
- intensité du champ de pesanteur :  $g = 9,81$  N.kg<sup>-1</sup>.

### 1. Pression à une profondeur donnée

On s'intéresse dans cette partie à la loi fondamentale de la statique des fluides pour modéliser l'évolution de la pression atmosphérique en fonction de l'altitude. Cette loi précise que pour un fluide au repos incompressible de masse volumique  $\rho$ , la différence de pression entre deux points, A et B, s'exprime par la relation :  $P_B - P_A = \rho \times g \times (z_A - z_B)$

Dans cette relation :

- la masse volumique  $\rho$  s'exprime en kg · m<sup>-3</sup> ;
- l'intensité de pesanteur  $g$  s'exprime en N · kg<sup>-1</sup> ;
- les altitudes  $z_A$  et  $z_B$  s'expriment en m et sont repérées sur un axe vertical ascendant Oz.



1.1. Décrire qualitativement comment la pression dans l'eau évolue lors de la descente du plongeur dans la fosse.

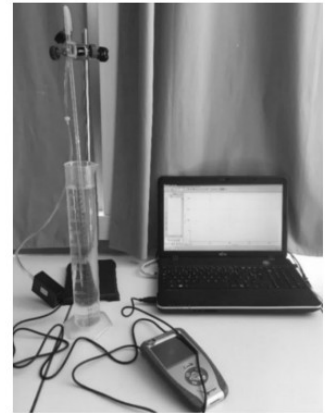
1.2. Justifier, à l'aide de la relation de la statique des fluides, la phrase : « À 20 mètres de profondeur, elle est ainsi le triple de la pression atmosphérique (c'est-à-dire la pression qui règne à la surface de l'eau plus la pression due à la couche d'eau). »

Il est possible de vérifier la loi fondamentale de la statique des fluides au laboratoire.

Pour cela, on réalise une série de mesures de la pression  $P$  au sein d'un liquide en fonction de la profondeur  $h$  à l'aide du dispositif ci-contre.

Le protocole expérimental est le suivant :

- déplacer verticalement, dans une éprouvette contenant un liquide, un tube de verre relié à un tuyau souple branché à un capteur de pression lui-même relié à une interface d'acquisition.
- Ce capteur mesure la pression en kPa ;
- faire une première mesure de pression à la surface ;
  - relever ensuite les valeurs de pression pour des profondeurs croissantes en descendant progressivement le tube en verre dans l'éprouvette ;
  - les valeurs mesurées permettent de représenter le graphe  $P$  en fonction de  $h$  à l'aide d'un tableur. On obtient alors une droite modélisée par le tableur par l'équation mathématique suivante :



$P = 9,771 \times 10^3 \times h + 101,3 \times 10^3$  ;  $P$  est exprimée en Pa et  $h$  en m.

- 1.3. Que représente la valeur de la pression  $P_0$  à la profondeur  $h = 0$  m ?
- 1.4. Expliquer pourquoi les mesures expérimentales sont compatibles avec la loi fondamentale de la statique des fluides.
- 1.5. Citer des sources d'erreurs possibles dans ce protocole expérimental.

## 2. Autonomie d'un plongeur

Lors de la plongée en bouteille le détendeur permet au plongeur de respirer de l'air à la même pression que la pression à la profondeur où il se trouve. Mais toute plongée en bouteille s'effectue avec une quantité limitée d'air. Il est donc indispensable de savoir contrôler la consommation de cette quantité d'air au cours de la plongée afin de pouvoir effectuer une remontée et d'éventuels paliers. Cela passe par l'évaluation de son autonomie en air en fonction de la profondeur. Il existe différentes méthodes de calcul de l'autonomie, la plus simple consiste à calculer le volume d'air disponible à la profondeur donnée et de tenir compte de l'air consommé par minutes.

D'après [www.cdp-plongee.com](http://www.cdp-plongee.com)

2.1. On note  $V_1$  le volume d'air disponible dans la bouteille de plongée lorsqu'elle est mise sous pression à la pression  $P_1$  et  $V_2$  celui d'air disponible pour le plongeur lorsque qu'il est à la pression  $P_2$ . Les températures sont supposées identiques dans les deux situations.

En utilisant la loi de Mariotte, écrire la relation liant  $V_1$ ,  $P_1$ ,  $V_2$  et  $P_2$ .

2.2. En supposant que la consommation en volume d'air du plongeur reste toujours la même au cours de la plongée, expliquer sans calcul comment l'autonomie en air du plongeur évolue avec la profondeur.

2.3. Le plongeur dispose d'une bouteille de plongée d'une capacité de 12 litres mise sous pression à la pression initiale de 200 bars.

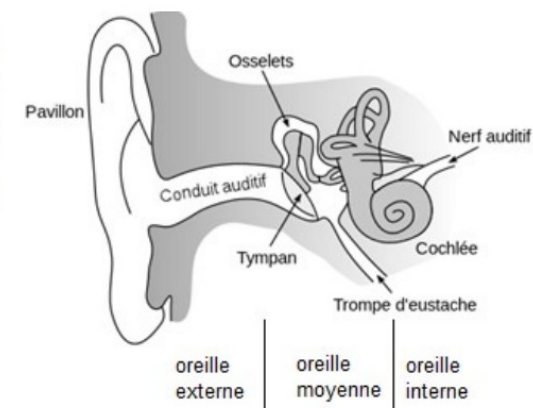
En utilisant la loi de Mariotte, calculer la durée durant laquelle le plongeur peut rester dans la fosse à 20 m de profondeur sachant qu'il consomme 15 litres d'air par minute.

En réalité le plongeur doit toujours calculer son autonomie en tenant compte d'une marge de sécurité. Pour remonter en surface en ayant conservé une pression de 50 bars dans sa bouteille : c'est ce qu'on appelle communément « la réserve ».

2.4. La prise en compte de cette réserve réduit-elle ou augmente-t-elle la durée de la plongée ? Justifier sans calcul.

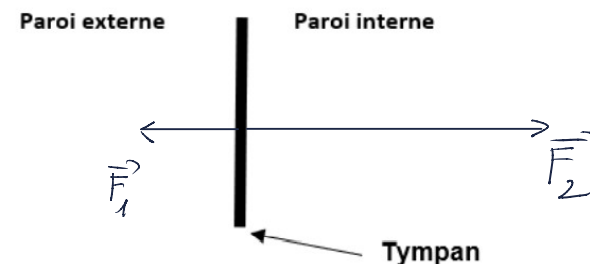
## 3. La manœuvre de Valsalva

En plongée, la différence de pression de part et d'autre du tympan peut provoquer une vive douleur. La manœuvre de Valsalva consiste à souffler par le nez, bouche fermée et nez pincé afin de faire pénétrer de l'air dans l'oreille moyenne. L'air extérieur passe par la trompe d'Eustache.



<https://fr.wikibooks.org>

- 3.1. Rappeler la relation entre la pression  $P$ , la norme  $F$  de la force pressante et l'aire  $S$  de la surface sur laquelle elle s'exerce.
- 3.2. Évaluer la valeur de la norme de la force pressante  $F_1$  exercée par l'air emprisonné dans l'oreille moyenne à la pression de 1,0 bar sur la paroi interne du tympan dont la surface est de  $70 \text{ mm}^2$ .
- 3.3. La valeur de la norme de la force pressante  $F_2$  exercée par l'eau sur la paroi externe du tympan pour un plongeur situé à 20 m de profondeur est de 21 N.
- 3.4. Reproduire sur la copie et compléter le schéma ci-dessous, en représentant les forces pressantes exercées sur le tympan :
  - $\vec{F}_1$  la force pressante exercée par l'air emprisonné dans l'oreille moyenne ;
  - $\vec{F}_2$  la force pressante exercée par l'eau sur la paroi externe du tympan.
 Échelle : 1 cm pour 7 N.



En déduire pourquoi le plongeur ressent une vive douleur lors de la descente.

3.5. Expliquer pourquoi la manœuvre de Valsalva permet de compenser la pression de l'eau introduite dans le conduit auditif.

## Exercice 6 corrigé disponible

La loi 2 de l'International Football Association Board a fixé les caractéristiques d'un ballon utilisé pour les compétitions internationales : le ballon doit être sphérique, en cuir ou dans une autre matière adéquate, avoir un diamètre de 22 cm et la pression de l'air dans le ballon doit être comprise entre  $1,6 \times 10^5$  Pa et  $2,1 \times 10^5$  Pa.

D'après <http://www.theifab.com/fr/laws/chapter/22/section/31/>

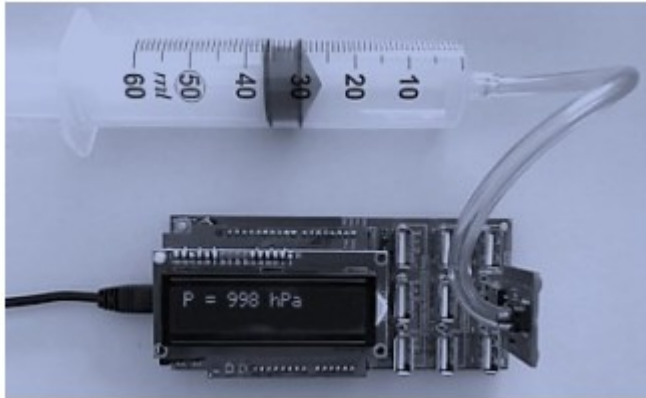
L'objectif de cet exercice est d'étudier le gonflage d'un ballon et son utilisation dans des lieux de compétitions d'altitude différente. Nous nous intéresserons ainsi à deux lois liées à cette situation : la loi de Mariotte, qui permet d'étudier le gonflage et la loi de statique des fluides qui permet de réfléchir à l'influence de l'altitude sur le gonflage.

### 1. Étude expérimentale et utilisation de la loi de Mariotte.

Une expérience est menée au laboratoire pour tester la loi de Mariotte à l'aide d'un microcontrôleur et d'un capteur de pression.

On suit le protocole expérimental suivant :

- ① remplir initialement une seringue avec 30 cm<sup>3</sup> d'air ;
- ② relier la seringue au capteur de pression connecté à un microcontrôleur ;
- ③ téléverser le programme « Mesure Pression » présenté ci-dessous dans le microcontrôleur ;
- ④ faire varier le volume du gaz dans la seringue et noter alors la valeur de la pression correspondante affichée sur l'écran LCD relié au microcontrôleur.



### 1.1. Adaptation du programme « Mesure Pression »

Un extrait du programme associé au pilotage du microcontrôleur dans le montage expérimental précédent est donné ci-dessous.

```
28 //Lisez la tension sur la broche analogique A9 puis calculez
29 //la pression en tenant compte des caractéristiques du capteur
30
31 float Pression = (analogRead(A9) * 38 / 1023 + 2.98) * 100 ;
32
33 //Paramétrage de l'écran LCD
34 lcd.clear();
35 lcd.setCursor(0, 0);
36
37 //Affichage de la pression P sur l'écran LCD
38 lcd.print("P = ");
39 lcd.print(Pression, 0);
40 lcd.print(" hPa");
41
42 //Décalage d'affichage de 2 secondes entre 2 mesures
43 delay(2000);
44 }
```

- 1.1.1. Indiquer en quelle unité la pression mesurée par le capteur sera affichée sur l'écran.
- 1.1.2. Dans le programme, la valeur de la pression est affichée sans décimale. Expliquer comment modifier la ligne 39 du programme pour que la valeur de la pression soit affichée avec 2 décimales.
- 1.1.3. Expliquer comment modifier la ligne 43 pour que les mesures soient faites toutes les 3 secondes.

### 1.2. Traitement de mesures obtenues en faisant varier le volume du gaz

Pour chaque volume d'air choisi dans la seringue, le microcontrôleur indique des valeurs de pression toutes les 2 secondes. Ces valeurs sont très proches, mais fluctuent légèrement.

Le tableau ci-dessous rassemble les valeurs de la pression  $P$  affichée par l'écran LCD du microcontrôleur pour différents volumes du gaz dans la seringue :

V (cm <sup>3</sup> )	20	25	30	35	40	50
P (hPa)	1505	1195	998	852	745	600

1.2.1. Énoncer la loi de Mariotte.

1.2.2. Exploiter ces mesures pour tester la loi de Mariotte. On explicitera précisément la méthode utilisée.

$$\frac{P_0}{V_0} = \frac{P}{V} = \text{cte}$$