

n°15

1) Principe fondamental de la statique des fluides:

$$P_B - P_A = \rho g (z_A - z_B)$$

$$P_B = \rho g (z_A - z_B) + P_A$$

$$P_B = 817 \times 9,8 \times 2,5 + 1,0 \times 10^5$$

$$P_B = 1,2 \times 10^5 \text{ Pa}$$

$$\rho = \frac{F}{S}$$

$$d) F_B = P_B \times S_B = 1,2 \times 10^5 \times \pi \times \left(\frac{14 \times 10^{-3}}{2}\right)^2$$

$$= 1,5 \text{ N}$$

3) Conservation du débit volumique (écoulement permanent fluide incompressible)

$$D_V(A) = D_V(B)$$

$$V_A \times S_A = V_B \times S_B$$

$$V_A = V_B \times \frac{S_B}{S_A}$$

$$V_A = V_B \times \alpha$$

2) Théorème de Bernoulli:

$$+\frac{1}{2} \rho V_A^2 + \rho g z_A = +\frac{1}{2} \rho V_B^2 + \rho g z_B$$

$$+\frac{1}{2} \rho V_B^2 + \rho g z_A = +\frac{1}{2} \rho V_A^2 + \rho g z_B$$

$$\frac{1}{2} \rho V_B^2 - \frac{1}{2} \rho V_A^2 = -\rho g z_A + \rho g z_B$$

$$\frac{1}{2} \rho V_B^2 (\alpha^2 - 1) = -\rho g H$$

$$V_B = \sqrt{\frac{2}{\alpha^2 - 1} (-\rho g H)} \quad \alpha \ll 1$$

lim  $\alpha = 0$

$$V_B = \sqrt{\frac{-2gH}{\alpha^2 - 1}}$$

$$V_B = \sqrt{2gH}$$

$$V_B = 7,0 \text{ m/s}$$

$$3) \alpha = \frac{S_B}{S_A} = \frac{\pi \times \left(\frac{D_B}{2}\right)^2}{\pi \times \left(\frac{D_A}{2}\right)^2} = \left(\frac{D_B}{D_A}\right)^2 = \left(\frac{D_B}{2} \times \frac{\alpha}{D_A}\right)^2$$

$$= \left(\frac{D_B}{D_A}\right)^2$$

$$\alpha = \left(\frac{14 \times 10^{-3}}{20}\right)^2$$

$$\alpha = 4,9 \times 10^{-5}$$

On a  $V_A = \alpha \times V_B$

$$\frac{V_B}{V_A} = \frac{1}{\alpha} = \frac{1}{4,9 \times 10^{-5}} = 20408$$

$V_B$  est 20408 fois plus grand que  $V_A$ .

$V_A$  est négligeable devant  $V_B$ .

Il va être turbulent.

4) Calculons  $V_B$ :  $\alpha \approx 0$

$$V_B = \sqrt{\frac{2(P_B - P_A) - \rho g H}{-\rho}}$$

$4 \times 10^5$

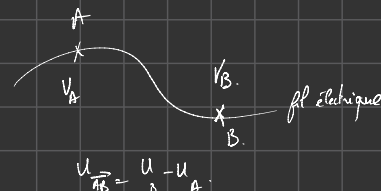
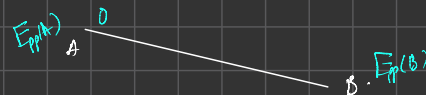
$$V_B = \sqrt{\frac{2 \times [(1,2 \times 10^5 - 1,0 \times 10^5) - 817 \times 2,5]}{-817}}$$

$$V_B = 0,1$$

$$Q_V = V_B \times S_B = 7,0 \times \pi \times \left(\frac{14 \times 10^{-3}}{2}\right)^2$$

$$Q_V = 1,1 \times 10^{-3} \text{ m}^3 \cdot \text{s}^{-1}$$

$$T = \frac{U}{Q_V} = \frac{\pi \times 1^2 \times 2,5}{1,1 \times 10^{-3}} = 7,3 \times 10^3 \text{ s} = 2 \text{ h}$$



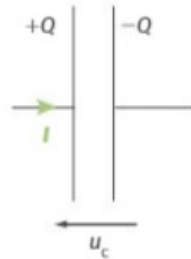
$$\rho = \frac{F}{S} = \frac{m}{m^2} = \frac{m}{m^2} \times \frac{m}{m} = \frac{m^2}{m^3} = \frac{m}{m^3}$$

# Circuits électriques capacitifs - Fiche de cours

## 1. Modélisation d'un condensateur

### a. Principe d'un condensateur

Les condensateurs sont constitués de 2 plaques métalliques très proches séparées par un isolant



Les condensateurs sont utilisés :

- pour stocker de l'énergie électrique
- comme composants électroniques
- pour mémoriser des informations numériques

### b. Capacité d'un condensateur

La capacité d'un condensateur est défini comme le rapport de la charge électrique stockée par la tension électrique à ses bornes  
La capacité d'un condensateur a pour unité le Farad (F) et dépend de sa géométrie

$$C = \frac{\epsilon \cdot S}{e} \quad \epsilon \text{ dépend du matériau en } \text{F.m}^{-1}$$

S surface en  $\text{m}^2$  ; e épaisseur en m

### c. Charge d'un condensateur

La charge d'un condensateur est définie par :

$$q(t) = C \cdot u_c(t) \quad \text{unités :} \quad \begin{array}{l} q(t) \text{ charge en Coulomb (C)} \\ C \text{ capacité en Farad (F)} \\ u(t) \text{ tension en (V)} \end{array}$$

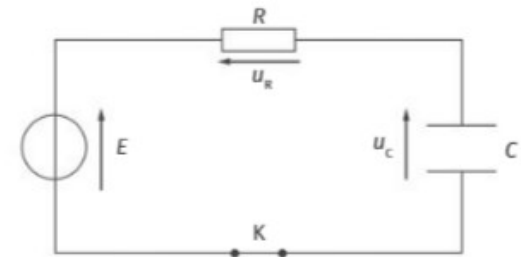
### d. Relation tension et intensité

L'intensité et la tension sont reliés par la relation :

$$i(t) = \frac{dq(t)}{dt} = C \frac{du_c(t)}{dt}$$

## 2. Charge d'un circuit série RC

### a. Schéma électrique du circuit



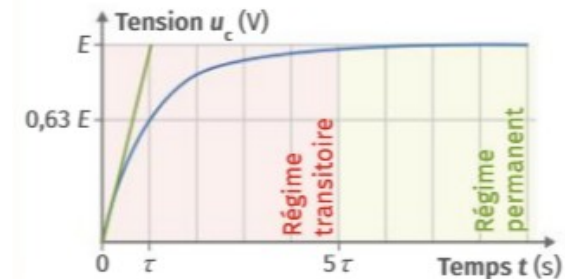
### b. Mise en équation du circuit

Selon la loi des mailles on établit :

$$E = u_R(t) + u_c(t) \quad \text{ou bien} \quad E = RC \frac{du_c(t)}{dt} + u_c(t)$$

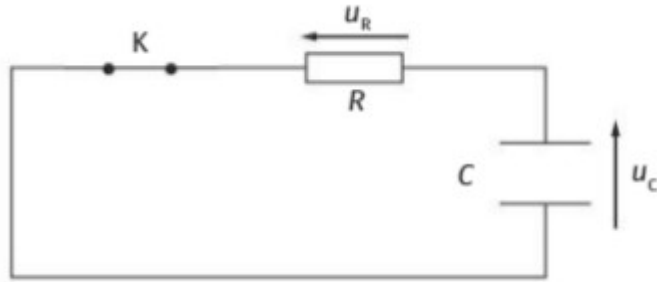
La résolution de cette équation différentielle conduit à :

$$u_c(t) = E \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \quad \text{avec} \quad \tau = RC \text{ unité (s)}$$



### 3. Décharge d'un circuit série RC

#### a. Schéma électrique du circuit



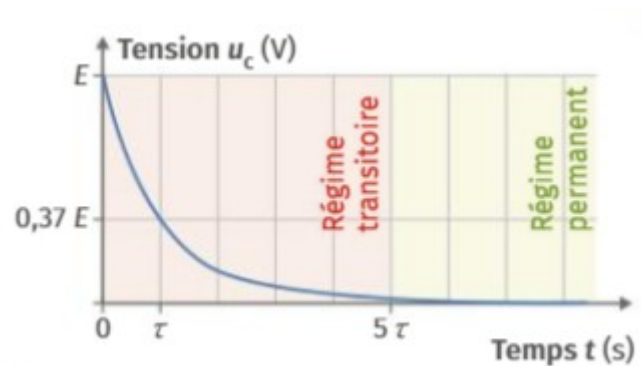
#### b. Mise en équation du circuit

Selon la loi des mailles on établit :

$$0 = u_R(t) + u_C(t) \quad \text{ou bien} \quad 0 = RC \frac{du_C(t)}{dt} + u_C(t)$$

La résolution de cette équation différentielle conduit à :

$$u_C(t) = E \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{avec} \quad \tau = RC \text{ unité (s)}$$



### 4. Capteurs électriques capacitifs

#### a. Présentation

Les capteurs capacitifs sont utilisés pour la mesure de grandeurs physiques

#### b. Exemples de capteurs capacitifs

- microphone
- capteur de pression
- capteur d'humidité
- capteur de proximité